DOI:10.3969/j.issn.1005-202X.2021.09.019

生物力学与材料

# 锁骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分叉处血流动力学数值模拟

赵洪明<sup>1</sup>,彭红梅<sup>1</sup>,张东威<sup>2</sup>,陈阳<sup>1</sup> 1.内蒙古民族大学数理学院,内蒙古通辽 028043;2.内蒙古民族大学附属医院神经内科,内蒙古通辽 028000

【摘要】目的:探讨锁骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分叉处的血流动力学特性,分析该处发生血管狭窄引起大脑供血不足的 血流动力学原因。方法:采用內蒙古民族大学附属医院神经内科提供的CT数据,应用医学建模软件MIMICS20.0将患者 二维CT数据进行三维血管重建,经过网格划分及边界条件设置后导入计算流体力学软件FLUENT14.5中。计算和分析 不同血液入口速度的锁骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分叉处的血流动力学特性。结果:在血液入口速度不同的情况下,锁 骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分叉处的血液流场分布、血液压力分布和血管壁面切应力分布有显著变化。在血液入口速 度增大时,锁骨下动脉分叉处和颈总动脉分叉处的血液流速快、血管壁压力大,颈总动脉内侧血管壁面切应力大,但锁骨 下动脉分叉处和颈总动脉分叉处血管壁面切应力数值和变化幅度小,属于低切应力区。结论:通过血流动力学数值模拟 研究,分析锁骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分叉处易发生粥样斑块病变导致大脑供血不足的血流动力学原因。 【关键词】锁骨下动脉;颈总动脉;椎动脉;医学建模;血流动力学;计算流体力学

【中图分类号】R318.01;O357.1 【文献标志码】A

【文章编号】1005-202X(2021)09-1154-07

# Numerical simulation for hemodynamics at the bifurcations of subclavian artery, common carotid artery and vertebral artery

ZHAO Hongming<sup>1</sup>, PENG Hongmei<sup>1</sup>, ZHANG Dongwei<sup>2</sup>, CHEN Yang<sup>1</sup>

1. College of Mathematics and Physics, Inner Mongolia Minzu University, Tongliao 028043, China; 2. Department of Neurology, Affiliated Hospital of Inner Mongolia Minzu University, Tongliao 028000, China

Abstract: Objective To explore the hemodynamic characteristics at the bifurcations of subclavian artery, common carotid artery and vertebral artery, and to analyze the hemodynamic reason for the insufficiency of the cerebral blood supply caused by vascular stenosis occurred here. Methods The CT data provided by Department of Neurology, Affiliated Hospital of Inner Mongolia Minzu University were used in the study. The medical modeling software MIMICS 20.0 was used to reconstruct the two-dimensional CT date into three-dimensional blood vessel, and after grid division and boundary condition setting, it was imported into computational fluid dynamics software FLUENT14.5. The hemodynamic characteristics at the bifurcations of subclavian artery, common carotid artery and vertebral artery with different blood inlet velocities were calculated and analyzed. Results The distributions of blood flow field, blood pressure and wall shear stress at the bifurcations of subclavian artery, common carotid artery and vertebral artery changed significantly when the blood inlet velocity was different. With the increasing blood inlet velocity, the blood flow velocities at subclavian artery bifurcation and common carotid artery bifurcation were faster, and the vessel wall pressure at the bifurcations was increased, and the shear stress of the medial common carotid artery was larger, but the shear stress and change range of the vessel wall at subclavian artery bifurcation and common carotid artery bifurcation were small, indicating that subclavian artery bifurcation and common carotid artery bifurcation still belonged to the low shear stress area. Conclusion The analysis on the hemodynamic reasons for the insufficiency of the cerebral blood supply caused by atherosclerotic plaque at the bifurcation of subclavian artery, common carotid artery and vertebral artery bifurcate are realized through the hemodynamic numerical simulation.

Keywords: subclavian artery; common carotid artery; vertebral artery; medical modeling; hemodynamics; computational fluid dynamics

#### 【收稿日期】2021-04-20

#### 前言

锁骨下动脉(左)和颈总动脉起于主动脉弓形成 分叉,颈总动脉是头颈部的主要供血干道之一,走行 于颈椎外侧。椎动脉发起于锁骨下动脉首段,走行

<sup>【</sup>基金项目】国家自然科学基金(11362015,81641127);内蒙古自治区 自然科学基金(2013MS0113,2018LH01005) 【作者简介】赵洪明,在读硕士,研究方向:计算生物流体力学,E-mail: 1126010996@qq.com

于椎间孔内,也是颅内供血的主要动脉干道。由于 锁骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分叉相邻,使得颈总 动脉与椎动脉起始处血流环境复杂,容易形成血细 胞、脂类颗粒等堆积产生粥样斑块,进而堵塞血管, 影响大脑供血,使脑卒中等缺血性脑血管疾病发病 风险提高[1-2]。因此,为了有效帮助研究人员和医务 人员清楚地了解锁骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分 叉处的血流状况,本文应用计算流体力学方法对锁 骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分叉处的血流动力学 特性进行数值模拟,分析锁骨下动脉、颈总动脉和椎 动脉分叉处发生粥样斑块病变的血流动力学原因。 采用内蒙古民族大学附属医院神经内科提供的二维 CT数据,利用医学建模软件MIMICS 20.0进行血管 重建,得到便于观察的、可以缩放和切割的三维血管 几何模型,并经过网格划分及边界条件设置后导入 计算流体力学软件FLUENT 14.5 中进行数值模拟。 观察锁骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分叉处的血液 在不同入口速度情况下的血液流场分布、血液压力 分布和血管壁面切应力分布等血流动力学特性,分 析锁骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分叉处发生粥样 斑块病变的血流动力学原因,对锁骨下动脉、颈总动 脉和椎动脉分叉处血管堵塞引起的大脑缺血和左上 肢的缺血症状的预防和临床诊治提供帮助<sup>[2]</sup>。

## 1 医学影像三维重建

医学影像三维重建技术是指将二维影像数据转 换成三维可视化图像的技术,方便研究人员和医务 人员对图像进行分析<sup>[3-5]</sup>。本研究将图1所示的二维 CT数据导入医学建模软件MIMICS 20.0中,其中图 la为(顶视)剖面图,图1b为侧视图。阈值提取轮廓, 并将轮廓的清晰度调至最清晰的位置,阈值范围为 297~2378。形成蒙面后进行3D计算得到如图2a所 示的血管与骨骼结构(箭头所指为锁骨下动脉、颈总 动脉和椎动脉分叉)和图2b所示的去除骨骼的动脉 血管结构。经过阈值分割、分离、去除冗余数据和光 滑处理之后得到(图2c)能够满足计算需要的三维血 管几何模型。



a:剖面图



b:侧视图

图1 CT数据图像 Fig.1 CT image



a:血管与骨骼结构模型



b:去除骨骼的动脉血管结构 图2 血管模型 Fig.2 Vascular models



# 数值计算

#### 2.1 数学方法与边界条件

ソンナウテト

数值计算中设血液为不可压缩的牛顿流体,满 足的连续性方程为:

$$\frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial u}{\partial y} + \frac{\partial u}{\partial z} = 0 \tag{1}$$

$$m = \rho dx dy dz$$
 (2)  
则血液粘性流动的动量方程为:

$$\rho \frac{Du}{Dt} = -\frac{\partial p}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{xx}}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{yx}}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{zx}}{\partial z} + \rho f_x$$

$$\rho \frac{Dv}{Dt} = -\frac{\partial p}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{yy}}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{zy}}{\partial z} + \rho f_y \qquad (3)$$

$$\rho \frac{Dw}{Dt} = -\frac{\partial p}{\partial z} + \frac{\partial \tau_{xz}}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{yz}}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{zx}}{\partial z} + \rho f_z$$

其中,u、v、w为速度矢量在空间坐标系中的分量,p为 压力, $\rho f$ 为单位体积上的质量力, $\frac{\partial \tau_{ij}}{\partial x_i}$ 为单位体积上应

#### 力张量的散度。

根据随体导数的定义:

$$\rho \frac{Du}{Dt} = \rho \cdot \frac{\partial u}{\partial t} + \rho \, \mathbf{v} \cdot \nabla u \tag{4}$$

$$\overline{\operatorname{mi}} \, \frac{\partial(\rho u)}{\partial t} = \rho \cdot \frac{\partial u}{\partial t} + u \cdot \frac{\partial \rho}{\partial t} \tag{5}$$

整理得:

$$\rho \cdot \frac{\partial u}{\partial t} = \frac{\partial (\rho u)}{\partial t} - u \cdot \frac{\partial \rho}{\partial t}$$
(6)

利用散度恒等式:

$$\nabla \cdot (\rho u v) = u \nabla \cdot (\rho v) + (\rho v) \cdot \nabla u \tag{7}$$
  
Mf:

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho \mathbf{v}) = 0$$

$$\underline{M} \perp \underline{\exists} \mathcal{H}:$$

$$\rho \frac{Du}{Dt} = \frac{\partial (\rho u)}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho u \mathbf{v})$$
(9)

于是得到满足的纳维-斯托克斯方程的守恒形式:

$$\frac{\partial(\rho u)}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho uv) = -\frac{\partial p}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{xx}}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{yx}}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{zx}}{\partial z} + \rho f_x$$

$$\frac{\partial(\rho v)}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho vw) = -\frac{\partial p}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{xy}}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{yy}}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{zy}}{\partial z} + \rho f_y \quad (10)$$

$$\frac{\partial(\rho w)}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho wu) = -\frac{\partial p}{\partial z} + \frac{\partial \tau_{xz}}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{yz}}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{zx}}{\partial z} + \rho f_z$$

本文将血液视为牛顿沇体,因此血液的切应力

与速度梯度成正比,于是:  

$$\tau_{xx} = \lambda(\nabla \cdot \mathbf{v}) + 2\mu \frac{\partial u}{\partial x}$$

$$\tau_{yy} = \lambda(\nabla \cdot \mathbf{v}) + 2\mu \frac{\partial v}{\partial x}$$

$$\tau_{zz} = \lambda(\nabla \cdot \mathbf{v}) + 2\mu \frac{\partial w}{\partial z}$$

$$\tau_{xy} = \tau_{yx} = \mu(\frac{\partial v}{\partial x} + \frac{\partial u}{\partial y})$$

$$\tau_{xz} = \tau_{zx} = \mu(\frac{\partial u}{\partial z} + \frac{\partial w}{\partial x})$$

$$\tau_{yz} = \tau_{zy} = \mu(\frac{\partial w}{\partial y} + \frac{\partial v}{\partial z})$$
(11)

位置矢量(x, y, z)和时间t的函数, $\mu$ 是粘性系数, $\lambda$ 是 第二粘性系数, $\lambda = -\frac{2}{3}\mu_{\circ}$ 

设血管壁刚性无滑移,壁面处血流速度为0,入 口为速度入口,出口设定固定的压力值(取为0),血 管的入口直径 d=8.56 mm,血液密度 ρ=1 050 kg/m<sup>3</sup>, 血液黏性系数 $\mu$ =0.003 5 Pa·s。根据雷诺数公 式: $R_e = \frac{\rho v d}{m}$ ,在血液入口速度为0.3 m/s时,血液的 雷诺数R\_=770,在血液入口速度为0.6 m/s时,血液的 雷诺数R\_=1540,根据雷诺数R\_<2300判断血液流动 为层流<sup>[3-4]</sup>。

#### 2.2 数值模拟

本研究是利用计算流体力学软件FLUENT对锁 骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分叉处的血液流动进 行数值模拟。数值模拟采用的方法是有限体积法, 有限体积法是将所计算区域划分为一系列的控制体 积,每个控制体积都有一个节点作为代表,通过将守 恒型的控制方程对控制体积作积分来导出离散方 程。将三维血管模型进行网格划分,得到如图3所示 的三维血管网格模型(及局部放大)。检查网格的尺 寸和血管模型的参数,其中网格节点数为51976,单 元数为272 683(有限体积法网格划分的特点是单元 数大于节点数)。然后导入计算流体力学软件 FLUENT14.5 中计算,设置血液入口速度分别为0.3 和0.6 m/s,在计算过程中,设置迭代次数均为300次, 计算锁骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分叉处的血液 流场分布、血液压力分布和血管壁面切应力分布等 血流动力学特性。

# 3 结果与讨论

#### 3.1 血液流场分布

图 4a 是人口速度为 0.3 m/s 时血液在锁骨下动

中国医学物理学杂志



Fig.3 Three-dimensional vascular grid model

脉、颈总动脉和椎动脉分叉处的血液流场分布图。 在图4a中,锁骨下动脉首端(I处)出现明显涡旋流动 现象,血液流动模式为三维螺旋流动,血液流速缓 慢,分叉处(箭头1所指)血液流速最小,血液流动不 规律。椎动脉(Ⅱ)和颈总动脉(Ⅲ)内血液流动模式 几乎为直线流动,其中III处的血液流动速度在该血管 模型(锁骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分叉处)中最 大。图4b是入口速度为0.6 m/s时血液在锁骨下动 脉、颈总动脉和椎动脉分叉处的血液流场分布图。 在图4b中,锁骨下动脉首端(I处)的涡旋流动现象更 加明显,血液流速明显加快,分叉处(箭头1所指)存 在血液流动不规律并伴有紊流现象,II和III处,血液 的流动模式几乎趋于直线流动,在椎动脉(Ⅱ)处的血 液流速在该血管模型(锁骨下动脉、颈总动脉和椎动 脉分叉处)中最小,颈总动脉(III)处的血液流速最大。 对比图4a和图4b可以发现,在颈总动脉分叉处(箭头 2所指)血液流动没有异常。在椎动脉入口处(箭头1 所指)出现低流速区并伴有涡旋流动现象的发生,这 种血流状态将会导致血液中的血小板和脂类等物质 与血细胞在分叉处形成附壁堆积,促使动脉粥样斑 块的形成,影响椎动脉内血液的正常输送,进而影响 大脑的正常供血[6-8]。



3.1.1 横断面内血液二次流分布云图 为了能够清晰 地观察锁骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分叉处的血 液流场分布,在锁骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分叉 处取 a~f 6个横断面(图 5),分析各横断面内的血流动 力学特性。



图 6A 是入口速度为 0.3 m/s 的各横断面内血液 速度分布云图。在横断面a中,血液流速从边缘到中 心逐渐增大,流速最大的区域是血液流向颈总动脉 内的区域。横断面b处于颈总动脉分叉处上端,由于 血液的惯性作用,导致锁骨下动脉外侧血液流速大。 横断面c在锁骨下动脉分叉处下端,因为在该横断面 处血液存在涡旋流动现象,所以在靠近横断面边缘 处血液流速大,横断面中心血液流速小。横断面d在 锁骨下动脉分叉处上端,由于锁骨下动脉分叉处血 液呈三维螺旋流动,在横断面d的周边区域血液流速 大。横断面e在椎动脉初始处,横断面中心的血液流 速要大于边缘处的血液流速。横断面f在颈总动脉 分叉处上端,由于颈总动脉血管不存在弯曲且血液 的流动模式趋于直线流动,故在横断面f内从边缘到 中心血液流速逐渐加快。图6B是入口速度为0.6 m/s 的各横断面内血液速度分布云图。在横断面a中,血 液流速明显增大并且速度值存在多种分布,流速最 大的区域是血液流向颈总动脉的区域。在横断面b 中,由于血液的惯性作用致使在锁骨下动脉外侧血 液流速大。在横断面c中,横断面中心血流速度最 小,在锁骨下动脉和椎动脉交界处血液流速较大。 在横断面d中,受涡旋流动的影响,在横断面边缘处 血液流速较大。在横断面e中,从横断面边缘到中心 血液流速逐渐增大,在中心区域的血液流速依然很 小。在横断面f的中心区域血液流速最大。

3.1.2 横断面内血液二次流分布矢量线图 为了更清 楚地观察血液在锁骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分



A:入口速度为0.3 m/s时的速度分布

B:入口速度为0.6 m/s时的速度分布

图6 血流速度分布云图 Fig.6 Blood flow velocity distribution nephograms

叉处的流动规律,分析如图7所示的横断面内血液二 次流分布矢量线图。图7A是入口速度为0.3 m/s的 血液二次流分布图。在横断面a中,血液流动不存在 二次流现象。在横断面b中存在一个明显的二次涡 旋流动,涡旋位置的血液流速为横断面内最低。在 横断面c中,涡旋中心位置发生变化并且涡旋中心血 液流速缓慢。在横断面d中,有两个流动方向不一致 的二次涡旋流动存在,其中位于锁骨下动脉和椎动 脉交界处的涡旋流速较小。在横断面e中,锁骨下动 脉和椎动脉交界处有涡旋流动形成的趋势。在横断 面f中的血液流动没有二次流动。图7B是入口速度 为0.6 m/s的血液二次流分布图。在横断面a中,血液 流动无二次流现象。在横断面b中,涡旋位置的血液 流动不规律伴有紊流现象出现。在横断面c中,无明 显的涡旋中心,血液流动极其不规律,并存在二次流 现象。在横断面d中,原来存在的两个涡旋流动,在 血液流速增大时,其中一个涡旋流动现象消失,横断 面内血液流动依然不规律。在横断面e中,锁骨下动 脉和椎动脉交界处出现的涡旋流动趋势消失,且该 位置血液流速缓慢。在横断面f中血液流动依然为 正常流动,没有二次流现象。



A:入口速度为0.3 m/s的血流矢量分布



B:入口速度为0.6 m/s的血流矢量分布

图7 血液流动矢量分布图 Fig.7 Blood flow vector distributions

在血液入口速度增大时,锁骨下动脉近端的二 次涡旋流动更加明显,锁骨下动脉分叉处血液流动 状态发生异常,血液流动不规律并伴有紊流现象,这 会使血液中血小板和脂类等物质在分叉处堆积导致 分叉处狭窄,影响椎动脉正常供血<sup>[9]</sup>。

#### 3.2 血液压力分布

3.2.1 壁面血液压力分布图 图8a是入口速度为0.3 m/s 的壁面血液压力分布图,在颈总动脉分叉处(箭头2

所指)由于血液的惯性作用,导致在该分叉处的血管 壁压力大。在锁骨下动脉近端和锁骨下动脉分叉处 血液流动模式呈三维螺旋流动,在颈总动脉和椎动 脉内的血液流动趋于直线流动,血液的三维螺旋流 动模式比直线流动模式对血管壁的压力更大(箭头1 所指),在锁骨下动脉、颈总动脉和椎动脉远端血管 壁压力最小。图8b是入口速度为0.6 m/s的壁面血液 压力分布图,颈总动脉分叉处(箭头2所指)受到血液 的惯性作用,在分叉处血管壁受到的压力最大。在 锁骨下动脉分叉处存在血液流动不规律并伴有紊流 现象的涡旋流动,因此在锁骨下动脉分叉处(箭头1 所指)的血管壁压力较大。在锁骨下动脉、颈总动脉 和椎动脉远端血管壁受到压力依然很小。



图8 壁面血液压力分布图 Fig.8 Wall blood pressure distributions



A:入口速度为0.3 m/s的血液压力分布

3.2.2 分叉处横断面血液压力分布云图 为了清晰的观察分叉处的血液压力分布,分析如图9所示的分叉处血液压力分布云图。图9A是入口速度为0.3 m/s的分叉处血液压力分布云图。在图9A中各横断面内的压力值较低,均属于低压力范围。图9B是入口速度为0.6 m/s的分叉处血液压力分布图。在图9B的横截面a中呈现出3种压力分布。横截面b图在颈总动脉分叉处上端,由于血液的惯性作用,在锁骨下动脉分叉处外侧血液压力最大。在横断面c图中,由于血液的流动模式为涡旋流动,故横断面中心处压力值较小,越靠近边缘血液压力值越大。横截面o内压力分布较均匀属高压力区。横截面e在锁骨下动脉和椎动脉交界处压力最大。横截面f呈现的压力分布属于低压力范围。

在血液入口速度增大时,颈总动脉分叉处和锁 骨下动脉分叉处的压力明显增大,血管局部压力的 增大是形成高血压的重要原因,高血压会改变动脉 壁的结构,使血管壁弹性变差<sup>[10-12]</sup>。



B:入口速度为0.6 m/s的血液压力分布

图 9 分叉处血液压力分布云图 Fig.9 Blood pressure distributions at bifurcations

### 3.3 血管壁面切应力分布

壁面切应力又称内皮剪切应力,是血液与血管 内皮间的摩擦力,是重要的血流动力学因素之 一<sup>[1,12-15]</sup>。图10a是入口速度为0.3 m/s的血管壁面切 应力分布图。在图10a中可以明显看出在锁骨下动 脉分叉处和颈总动脉分叉处(箭头1和2所指)的壁 面切应力值最低,属于低切应力区域。图10b是入口 速度为0.6 m/s的血管壁面切应力分布图,可以看出 在锁骨下动脉、颈总动脉和椎动脉的血管壁面切应 力明显变大,尤其在颈总动脉内侧(箭头3所指)壁面 切应力最大。而锁骨下动脉分叉处和颈总动脉分叉 处(箭头1和2所指)的壁面切应力变化不明显,依然 属于低切应力区域。



在血液入口速度变大时,在颈总动脉内侧壁面 切应力最大,高壁面切应力会损伤血管内膜,甚至形 成动脉夹层。在锁骨下动脉分叉处和颈总动脉分叉 处属于低切应力区。持久的低切应力可能引发动脉 内膜的炎症反应、脂类颗粒和血小板的沉积,进而容 易引发动脉粥样硬化斑块和血栓的形成,影响大脑 的正常供血<sup>[1,12]</sup>。

# 4 结 论

利用医学影像软件 MIMICS20.0, 将患者二维 CT 数据进行三维血管重建,将重建后的三维血管模型, 在计算流体力学软件 FLUENT14.5 中进行血流动力 学数值模拟。计算在血液入口速度为0.3和0.6 m/s 的情况下,锁骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分叉处的 血液流场分布、血液压力分布和血管壁面切应力分 布等血流动力学特性,分析该处易产生粥样斑块的 血流动力学原因。根据计算结果显示,在血液入口 速度增大的情况下,锁骨下动脉与椎动脉分叉处和 锁骨下动脉与颈总动脉分叉处的血液流速缓慢,尤 其在锁骨下动脉与椎动脉分叉处血液流速最小,分 叉处血管承受压力大,但血管壁面切应力值小,属于 低切应力区。这一现象说明在锁骨下动脉与椎动脉 分叉处和锁骨下动脉与颈总动脉分叉处容易堆积血 细胞及脂质物质,使血管壁面变厚,血管内部流通区 域减小,导致动脉粥样硬化斑块的产生,造成分叉处 动脉狭窄,进而会影响血液的正常输送,引起大脑缺 血和左上肢缺血等症状。斑块的进一步发展导致斑 块的破裂,斑块内的物质流入血管内部,引发一系列 脑血管疾病,例如血栓。通过血流动力学数值模拟 研究,能够有效帮助研究人员和医务人员更清楚地 认识锁骨下动脉、颈总动脉和椎动脉分叉处的血流 动力学特点,对分叉处血管内血流动力学参数进行 快速评估,从而对该分叉处血管疾病的发生及预防 提供血流动力学理论指导,为降低脑供血不足疾病 风险提供帮助。

# 【参考文献】

 [1] 汪炎秋. 左冠状动脉分叉角对血流动力学特性的影响研究[D]. 济 南:山东大学, 2020.
 WANG Y Q. Effects of the left coronary artery bifurcation angle on hemodynamics characteristics [D]. Ji'nan: Shandong University, 2020.
BROOKS D C, SCHINDLER J L. Vertebral artery stenosis [J]. Curr Treat Options Cardiovasc Med, 2020, 22(10): 1-15.

- [3] 宋雨杰,彭红梅,张东威,等.主动脉弓三维重建及血液流场数值模 拟[J]. 内蒙古民族大学学报(自然科学版), 2017, 32(4): 298-301.
   SONG Y J, PENG H M, ZHANG D W, et al. Three dimensional reconstruction of aortic arch and numerical simulation of blood flow field [J]. Journal of Inner Mongolia University for Nationalities (Natural Science), 2017, 32(4): 298-301.
- [4] 宋雨杰.主动脉血管医学建模及血流动力学数值模拟[D].通辽: 内蒙古民族大学, 2019. SONG Y J. The modeling of the aortic blood vessel and the numerical simulation of the blood flow dynamics[D]. Tongliao: Inner Mongolia University for Nationalities, 2019.
- [5] 杨开兰, 金龙, 乔爱科, 等. 支架孔率对模拟乙状窦憩室内血流动力 学的影响[J]. 中国介入影像与治疗学, 2019, 16(10): 630-634. YANG K L, JIN L, QIAO A K, et al. Impact of stent porosity on hemodynamics in simulated sigmoid sinus diverticulum[J]. Chinese Journal of Interventional Imaging and Therapy, 2019, 16(10): 630-634.
- [6] QIU Z H, LIU J, HUANG R Y, et al. Incidence, risk, and treatment of binary restenosis after vertebral artery stenting [J]. Catheter Cardiovasc Interv, 2020, 96(2): 404-409.
- [7] KO J K, CHOI C H, HWANGBO L, et al. Endovascular treatment of the vertebral artery origin stenosis by using the closed-cell, selfexpandable Carotid Wallstent [J]. Interv Neuroradiol, 2020, 26(6): 805-813.
- [8] KERUT C K, SHEAHAN C, SHEAHAN M. Six-year history of intermittent symptomatic bilateral vertebral artery stenosis: imaging and therapeutic intervention [J]. Echocardiography, 2020, 37(5): 784-787.
- [9] GRUBER P, BERBERAT J, KAHLES T, et al. Angioplasty using drugcoated balloons in ostial vertebral artery stenosis[J]. Ann Vasc Surg, 2020, 64: 157-162.
- [10] BRGULJAN-HITIJ J, AMBROSIO G, ŽLAHTIČ T. Systplic murmur in disguise: subclavian artery stenosis as an overlooked cause of missed case of hypertension[J]. Blood Press, 2020, 20(1): 1-4.
- [11] 陆京伯, 蒲佐, 赵奇, 等. 左锁骨下动脉的血流动力学分析[J]. 血管 与腔内血管外科杂志, 2020, 6(5): 392-395.
   LU J B, PU Z, ZHAO Q, et al. Hemodynamic characteristics of left subclavian artery[J]. Journal of Vascular and Endovascular Surgery, 2020, 6(5): 392-395.
- [12] CHE W Q, DONG H, JIANG X X, et al. The effect of stenting on blood pressure in hypertensive patients with symptomatic proximal subclavian or vertebral artery stenosis[J]. Catheter Cardiovasc Interv, 2020, 95(Suppl 1): 633-640.
- [13] 张莹, 徐洁, 刘红英, 等. 颈内动脉壁面切应力影响老年人血管性认知障碍的严重程度[J]. 实用医学杂志, 2019, 35(23): 3661-3664. ZHANG Y, XU J, LIU H Y, et al. Wall shear stress of internal carotid artery affects the degree of cognitive impairment in the elderly[J]. The Journal of Practical Medicine, 2019, 35(23): 3661-3664.
- [14] 高美红. 局部狭窄股动脉中脉动流的流动特性数值模拟及试验研究[D]. 长春:吉林大学, 2017.
   GAO M H. Numerical and experimental researches on pulsating flow characteristics in narrow femoral artery [D]. Changchun: Jilin University, 2017.
- [15] 张凯旋, 陈广新, 邱收, 等. 椎动脉阻断术前后基底动脉瘤的血流动 力学数值模拟分析[J]. 软件, 2019, 40(6): 96-100.
   ZHANG K X, CHEN G X, QIU S, et al. Hemodynamic simulation of basal aneurysms before and after vertebral artery occlusion [J].
   Computer Engineering & Software, 2019, 40(6): 96-100.

(编辑:薛泽玲)